

Exercice

ÉTUDE DE SATELLITES D'OBSERVATION (7 points)

Les satellites d'observation sont des objets spatiaux en orbite circulaire autour de la Terre. Leur mission principale est d'effectuer des observations de l'atmosphère, des océans, des surfaces émergées et des glaces, et de transmettre à une station terrestre les données ainsi obtenues.

1. ENVISAT : un satellite circumpolaire.

C'était le plus gros satellite européen d'observation lors de son lancement le 1^{er} mars 2002. Ses capteurs peuvent recueillir des données à l'intérieur d'une bande de largeur au sol de 3000 km permettant une observation biquotidienne de l'ensemble de la planète.

Données :	Constante de gravitation universelle : $G = 6,67 \times 10^{-11}$ USI
	ENVISAT : masse : $m = 8200$ kg
	altitude moyenne : $h = 800$ km
	orbite contenue dans un plan passant par les pôles
	TERRE : masse : $M = 5,98 \times 10^{24}$ kg
	rayon : $R = 6,38 \times 10^3$ km
	période de rotation propre : 1436 minutes

On rappelle l'expression de la valeur de la force d'interaction gravitationnelle entre deux corps de masse m_A et m_B , de centres A et B, de répartition de masse à symétrie sphérique, distants de $d = AB$:

$$F = G \cdot \frac{m_A m_B}{d^2}$$

1.1.1. Représenter sur la **figure 1 de l'ANNEXE À RENDRE AVEC LA COPIE** la force d'interaction gravitationnelle exercée par la Terre (sa répartition de masse étant supposée à symétrie sphérique) sur le satellite supposé ponctuel et noté S. Donner l'expression vectorielle de cette force en représentant le vecteur unitaire choisi sur la figure 1.

1.1.2. Calculer la valeur de cette force.

1.2. En considérant la seule action de la Terre, établir l'expression vectorielle de l'accélération du satellite dans le référentiel géocentrique, supposé galiléen, en fonction de M, h et R.

1.3. Sur la **figure 2 de l'ANNEXE À RENDRE AVEC LA COPIE**, représenter, sans souci d'échelle, le vecteur accélération à trois dates différentes correspondant aux positions A, B et C du satellite.

1.4. Montrer que, dans le cas d'un mouvement circulaire, le mouvement du satellite est uniforme et que la vitesse du satellite a pour expression : $v = \sqrt{\frac{GM}{R+h}}$.

1.5. Calculer la vitesse du satellite en $\text{km} \cdot \text{s}^{-1}$.

1.6. Donner l'expression de la période de révolution du satellite en fonction de sa vitesse et des caractéristiques de la trajectoire R et h. Puis calculer sa valeur.

2. METEOSAT 8 : un satellite géostationnaire.

Ce satellite a été lancé par ARIANE 5 le 28 août 2002. Il est opérationnel depuis le 28 janvier 2004. La position d'un satellite géostationnaire paraît fixe aux yeux d'un observateur terrestre. Situé à une altitude H voisine de 36000 km, il fournit de façon continue des informations couvrant une zone circulaire représentant environ 42% de la surface de la Terre.

2.1. Donner les trois conditions à remplir par METEOSAT 8 pour qu'il soit géostationnaire.

2.2. Troisième loi de Képler dans le cas général d'une trajectoire elliptique :

Pour tous les satellites, le rapport entre le carré de la période de révolution T et le cube du demi-grand axe r de sa trajectoire est le même : $\frac{T^2}{r^3} = \text{constante} = K$.

Dans le cas d'une trajectoire circulaire r correspond au rayon de la trajectoire.

En utilisant les réponses aux questions 1.4 et 1.6, établir l'expression de la constante K en fonction de G et M pour les satellites étudiés. Calculer K dans le système international d'unités.

2.3. En déduire, pour METEOSAT 8, la valeur de $R+H$, puis celle de H .

2.4. La mise en place du satellite sur l'orbite géostationnaire s'effectue en plusieurs étapes.

Tout d'abord, ARIANE 5 amène le satellite hors de l'atmosphère et le largue sur une orbite de transfert. L'orbite de transfert parcourue par le satellite est une ellipse (voir figure 3 de L'ANNEXE À RENDRE AVEC LA COPIE) dont le périégée P se situe à une altitude voisine de 200 km et l'apogée A à l'altitude de l'orbite géostationnaire voisine de 36000 km.

Ensuite le « moteur d'apogée » du satellite lui permettra d'obtenir la vitesse nécessaire à sa mise sur orbite géostationnaire lors des passages successifs par l'apogée.

2.4.1. À l'aide des données ci-dessus, calculer la longueur r du demi-grand axe de la trajectoire sur cette orbite de transfert.

2.4.2. À l'aide de la troisième loi de Képler, en déduire la période T du satellite sur cette orbite de transfert.

ANNEXE DE L'EXERCICE I
À RENDRE AVEC LA COPIE

figure 1 :

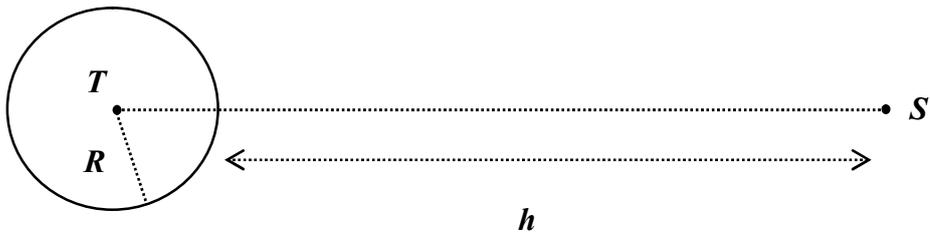


figure 2 :

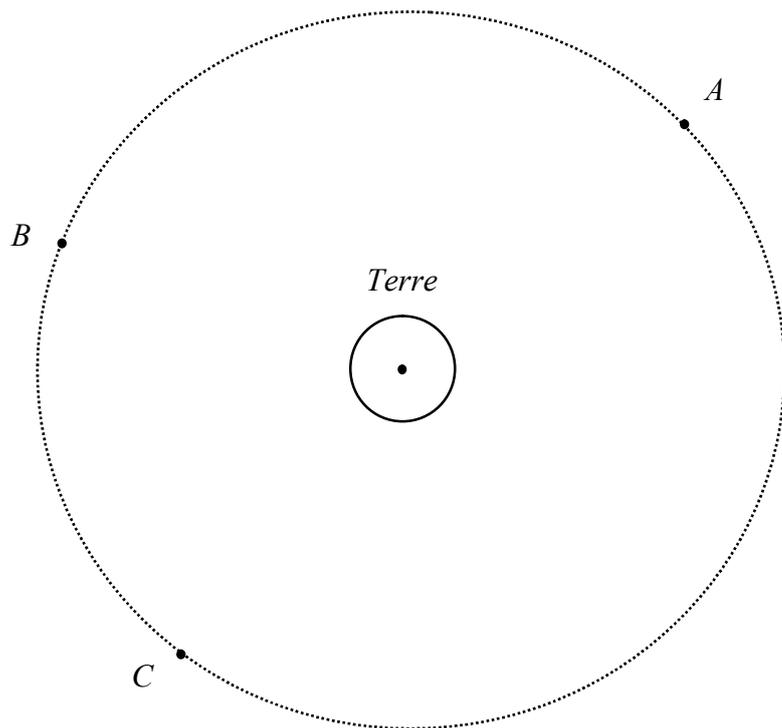
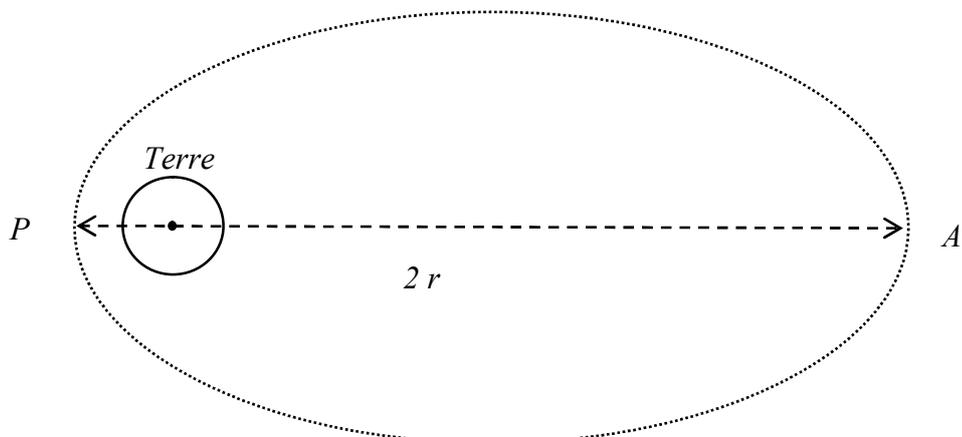


figure 3 :



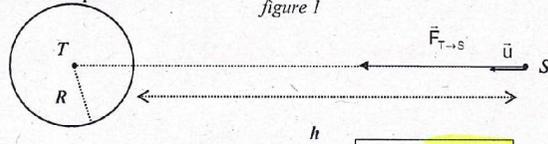
CORRECTION BAC BLANC 2014 PHYSIQUE CHIMIE

7 points

Exercice n°1 : 2007 Amérique Sud ÉTUDE DE SATELLITES D'OBSERVATION (7 points)

1. ENVISAT : un satellite circumpolaire.

1.1.1.



Expression vectorielle de la force exercée par la Terre T sur le satellite S : $\vec{F}_{T \rightarrow S} = G \frac{mM}{(R+h)^2} \vec{u}$

avec \vec{u} vecteur unitaire orienté de S vers T.

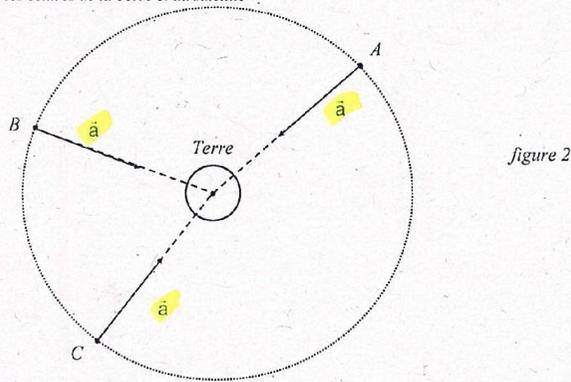
1.1.2. Valeur de la force $F_{T \rightarrow S} = G \frac{mM}{(R+h)^2}$

En exprimant les distances en mètres, on a : $F_{T \rightarrow S} = 6,67 \times 10^{-11} \frac{8200 \times 5,98 \times 10^{24}}{(6,38 \times 10^6 + 800 \times 10^3)^2} = 6,34 \times 10^4 \text{ N}$

1.2. Le satellite est étudié dans le référentiel géocentrique, supposé galiléen. La deuxième loi de Newton donne

$\vec{F}_{T \rightarrow S} = m\vec{a}$
 $G \frac{mM}{(R+h)^2} \vec{u} = m\vec{a}$ finalement : $\vec{a} = \frac{GM}{(R+h)^2} \vec{u}$

1.3. Le vecteur accélération a une valeur constante si l'on considère son altitude h constante.
 direction : droite reliant les centres de la Terre et du satellite
 sens : vers la Terre



1.4. Dans le cas d'un mouvement circulaire et uniforme, le vecteur accélération s'écrit : $\vec{a} = \frac{v^2}{(R+h)} \vec{u}$

En identifiant les deux vecteurs accélération il vient : $\frac{v^2}{(R+h)} = \frac{GM}{(R+h)^2}$

soit finalement $v = \sqrt{\frac{GM}{R+h}}$

1.5. Application numérique: avec les distances en mètre il vient

$v = \sqrt{\frac{6,67 \times 10^{-11} \times 5,98 \times 10^{24}}{(6,38 \times 10^6 + 800 \times 10^3)}} = 7,45 \times 10^3 \text{ m.s}^{-1} = 7,45 \text{ km.s}^{-1}$

1.6. Le satellite parcourt le périmètre $2\pi(R+h)$ de la trajectoire pendant la durée T d'une période à la vitesse v donc

$v = \frac{2\pi \cdot (R+h)}{T} \Leftrightarrow T = \frac{2\pi(R+h)}{v} = \frac{2\pi \times (6,38 \times 10^6 + 800 \times 10^3)}{7,45 \times 10^3} = 6,05 \times 10^5 \text{ s}$

calcul effectué avec la valeur non arrondie de v

2. METEOSAT 8 : un satellite géostationnaire.

2.1. Pour être géostationnaire un satellite doit avoir :

- une orbite circulaire dont le centre est le centre T de la Terre et parcourue dans le même sens que le sens de rotation de la Terre.
- une orbite contenue dans le plan de l'équateur terrestre.
- une période T égale à la période de rotation propre T_0 de la Terre autour de l'axe des pôles.

2.2. La question 1.6. donne $T = \frac{2\pi(R+H)}{v}$ donc $T^2 = \frac{4\pi^2(R+H)^2}{v^2}$

La question 1.4 donne $v = \sqrt{\frac{GM}{R+H}}$ donc $v^2 = \frac{GM}{R+H}$

En reportant v^2 dans T^2 il vient :

$T^2 = \frac{4\pi^2(R+H)^3}{GM}$ et finalement $\frac{T^2}{(R+H)^3} = \frac{4\pi^2}{GM}$

En posant $r = R + h$ on retrouve bien la troisième de Kepler avec la constante K telle que

$K = \frac{4\pi^2}{GM}$

$K = \frac{4\pi^2}{6,67 \times 10^{-11} \times 5,98 \times 10^{24}} = 9,90 \times 10^{-14} \text{ s.I}$

2.3. $\frac{T^2}{(R+H)^3} = K$

$R+H = \left(\frac{T^2}{K}\right)^{1/3}$, pour METEOSAT 8 qui est un satellite géostationnaire, $T = T_0 = 1436 \text{ min} = 86160 \text{ s}$.

$R+H = \left(\frac{T_0^2}{K}\right)^{1/3} = \left(\frac{86160^2}{9,90 \times 10^{-14}}\right)^{1/3} = 4,22 \times 10^7 \text{ m} = 4,22 \times 10^4 \text{ km}$

calcul effectué avec la valeur non arrondie de K

On retrouve bien une valeur voisine de 36 000 km comme indiquée dans l'énoncé.

2.4.

2.4.1. On a $2r = r_p + 2R + r_A$
 avec $r_p = 200 \text{ km}$ et $r_A = 36000 \text{ km}$

donc $r = \frac{r_p + 2R + r_A}{2}$
 $r = \frac{200 + 2 \times 6,38 \times 10^3 + 36000}{2} \approx 24480 \text{ km}$

2.4.2. La troisième loi de Kepler donne $\frac{T^2}{r^3} = K \Leftrightarrow T = \sqrt{K \cdot r^3}$

$T = \sqrt{9,90 \times 10^{-14} \times (24480 \times 10^3)^3} = 3,81 \times 10^4 \text{ s}$

calcul effectué avec la valeur non arrondie de K

