

CH11 Description d'un mouvement

Vecteur vitesse, accélération: voir CH11 1G

Coordonnées de vecteurs

position d'un objet symbolisé par la lettre M : $\vec{OM} = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$

vecteur vitesse $\vec{v} = \begin{pmatrix} v_x \\ v_y \\ v_z \end{pmatrix}$ avec $\begin{cases} v_x = \frac{dx}{dt} \\ v_y = \frac{dy}{dt} \\ v_z = \frac{dz}{dt} \end{cases}$ $\vec{v} = \frac{d\vec{OM}}{dt}$

la vitesse est la dérivée de la position par rapport au temps

math: $(x)' = \frac{dx}{dt} = 1$

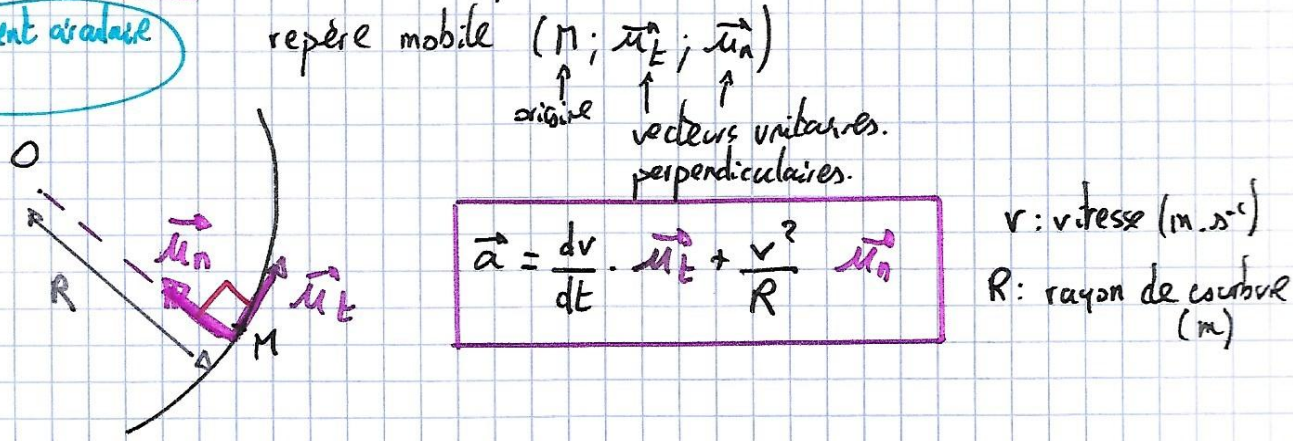
physique: $\frac{dx}{dt} \neq 1$ on n'utilise pas x'

vecteur accélération: $\vec{a} = \begin{pmatrix} a_x \\ a_y \\ a_z \end{pmatrix}$ avec $\begin{cases} a_x = \frac{dv_x}{dt} \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} \\ a_z = \frac{dv_z}{dt} \end{cases}$ $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$

l'accélération est la dérivée de la vitesse par rapport au temps.

Repère de Frenet il permet d'exprimer l'accélération d'une autre façon

Mouvement circulaire



Référentiel: objet par rapport auquel on étudie un mouvement

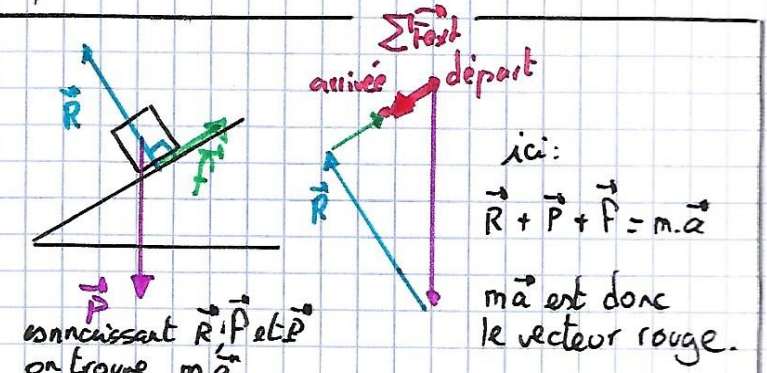
Référentiel galiléen: référentiel évoluant à vitesse constante (principe d'inertie)
la Terre est référentiel galiléen le temps d'une chute.

Repère: axes + origine permettant d'obtenir les coordonnées d'un point M

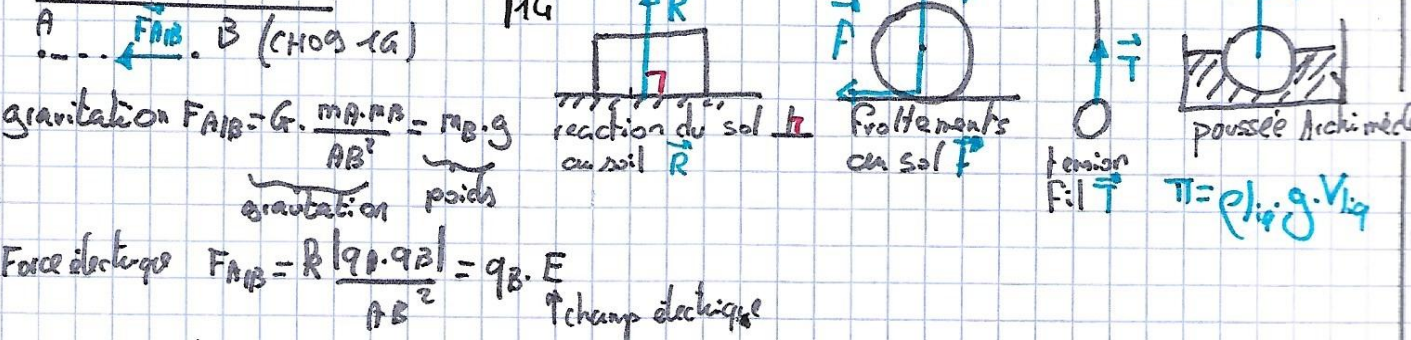
CH12 2^{ème} loi de Newton: relation fondamentale de la dynamique RFD.

Énoncé de la 2^{ème} loi de Newton

Dans un référentiel Galiléen, la somme vectorielle des forces exercées sur un système mécanique égale $m \cdot \vec{a}$

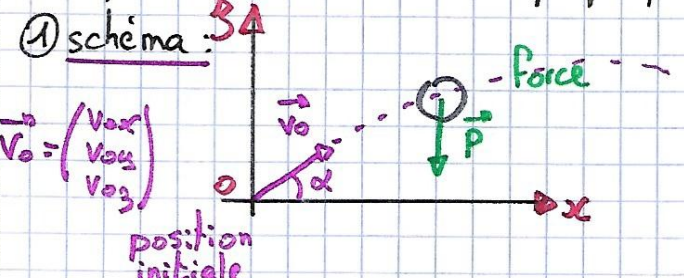
$$m \cdot \vec{a} = \sum \vec{F}_{ext}$$


Forces à connaître: voir CH09 1G



Mouvement dans le champ de pesanteur uniforme

un projectile soumis qu'à son propre poids \vec{P}



③ Equations horaires.

$m \cdot \vec{a} = \vec{P}$ s'écrit: $m \begin{pmatrix} a_x \\ a_y \\ a_z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -mg \end{pmatrix}$

soit $\begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = 0 \\ a_z = -g \end{cases}$ accélération constante sur az

② RFD: dans le référentiel Terre Galiléen

$$m \cdot \vec{a} = \vec{P} \text{ avec } \begin{cases} \vec{a} = \begin{pmatrix} a_x \\ a_y \\ a_z \end{pmatrix} \\ \vec{P} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -mg \end{pmatrix} \end{cases}$$

vitesse: \vec{a} : dérivée de la vitesse
 \vec{v} : la primitive de \vec{a}

$$\begin{cases} v_x = v_{0x} = v_0 \cdot \cos \alpha \\ v_y = v_{0y} = 0 \\ v_z = -g \cdot t + v_{0z} = -g \cdot t + v_0 \sin \alpha \end{cases}$$

position: \vec{v} : dérivée de la position
position: la primitive de \vec{v}

$$\begin{cases} x = v_0 \cdot \cos \alpha \cdot t + x_0 \\ y = y_0 \\ z = -g \frac{t^2}{2} + v_0 \sin \alpha \cdot t + z_0 \end{cases}$$

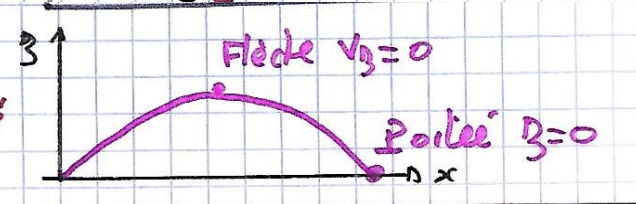
positions initiales

④ Trajectoire $z = f(x)$

$x = v_0 \cos \alpha \cdot t$ ici $x_0 = y_0 = z_0 = 0$

$t = \frac{x}{v_0 \cos \alpha}$ $z = -\frac{g}{2} \frac{x^2}{v_0^2 \cos^2 \alpha} + \tan \alpha \cdot x$

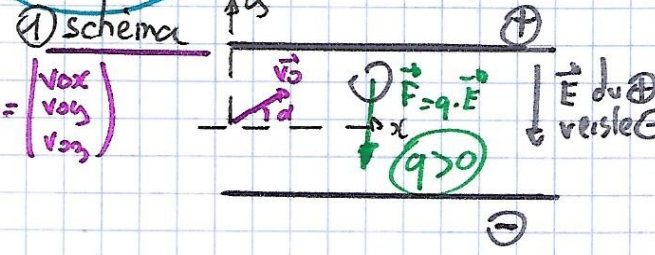
parabole



Mouvement dans le champ électrique \vec{E} uniforme

une particule soumise à $\vec{F} = q \cdot \vec{E}$ si $q > 0$ \vec{F} et \vec{E} même sens
 si $q < 0$ \vec{F} et \vec{E} sens opposés.

1^{er} cas déviation.



3 Equations horaires.

$m \vec{a} = \vec{F}$ s'écrit $m \begin{pmatrix} a_x \\ a_y \\ a_z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ -qE \\ 0 \end{pmatrix}$ avec $E > 0$

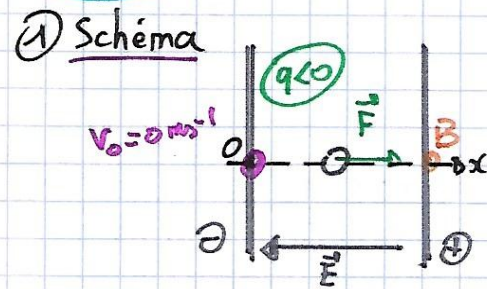
soit $\begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -qE/m \\ a_z = 0 \end{cases}$

• vitesse $\begin{cases} v_x = v_{0x} \\ v_y = -\frac{q \cdot E}{m} t + v_{0y} = -\frac{qE}{m} t + v_0 \sin \alpha \\ v_z = v_{0z} \end{cases}$

• position: $\begin{cases} x = v_0 \cos \alpha \cdot t + 0 \\ y = -\frac{qE}{2m} t^2 + v_0 \sin \alpha \cdot t + 0 \\ z = 0 \end{cases}$ position initiale

• Trajectoire $y = f(x) = -\frac{qE}{2mv_0^2 \sin^2 \alpha} x^2 + \tan \alpha \cdot x$
 parabolique

2^{ème} cas accélération



2 RFD: référentiel Terre Galiléen $m \vec{a} = \vec{F}$ $\vec{a} = \begin{pmatrix} a_x \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\vec{F} = \begin{pmatrix} qE \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

3 Equations horaires sur ox : $m a_x = qE$ $a_x = \frac{qE}{m}$

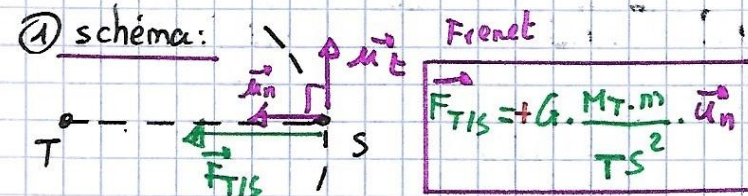
$v_{0x} = \frac{qE}{m} t + 0$ et $x = \frac{qE}{2m} \cdot \frac{t^2}{2} + 0$

on accélère une particule: on connaît $x; q; E; m$
 on trouve sa vitesse en B.

Mouvement dans un champ de gravitation

référentiel: géocentrique galiléen

système: satellites autour de la Terre



2 RFD dans le repère de Frenet

$m \cdot \vec{a} = \vec{F}_{T/S}$ avec $\vec{a} = \begin{pmatrix} \frac{dv}{dt} \\ \frac{v^2}{R} \end{pmatrix}$ $\vec{F} = \begin{pmatrix} 0 \\ \frac{G M_T m}{TS^2} \end{pmatrix}$

3 Equations horaires.

$m \vec{a} = \vec{F}_{T/S}$ devient $m \begin{pmatrix} \frac{dv}{dt} \\ \frac{v^2}{TS} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ \frac{G M_T m}{TS^2} \end{pmatrix}$ soit $\begin{cases} m \cdot \frac{dv}{dt} = 0 \Rightarrow \text{vitesse constante} \\ m \frac{v^2}{TS} = \frac{G M_T m}{TS^2} \Rightarrow v^2 = \frac{G M_T}{TS} \end{cases}$

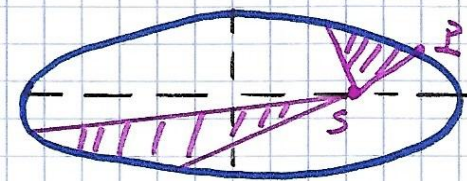
expression de la vitesse $v = \sqrt{\frac{G M_T}{TS}}$

expression de la période de révolution: $T = \frac{2\pi TS}{v} = 2\pi TS \sqrt{\frac{TS}{G M_T}}$

3^{ème} loi de Kepler: $T^2 = \frac{4\pi^2 TS^3}{G M_T}$ $\frac{T^2}{(TS)^3} = \frac{4\pi^2}{G M_T} = \text{constante}$

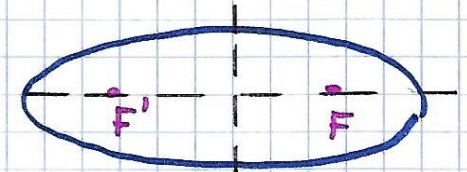
le rapport $\frac{(\text{période})^2}{(\text{rayon})^3}$ est constant!

2^{ème} loi de Kepler:



le rayon Planète-Soleil PS parcourt des aires égales en des temps égaux

1^{ère} loi de Kepler:



la planète décrit une trajectoire elliptique dont l'un des foyers est le soleil F = soleil

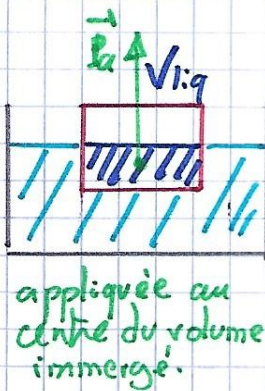
CH13 Ecoulement d'un fluide

Poussée d'Archimède

Force s'appliquant à tout objet plongé dans un fluide de masse volumique ρ_{liq}

$$P_a = \rho_{liq} \cdot V_{liq} \cdot g$$

V_{liq} volume de liquide déplacé m^3
 ρ_{liq} en $kg \cdot m^{-3}$
 $g = 9,81 \text{ m} \cdot s^{-2}$



Dynamique des fluides incompressibles.

liquide : dense, incompressible, ρ constante
 gaz : peu dense, compressible, ρ variable

Débit volumique.

$$q_v = \frac{\Delta V}{\Delta t}$$

ΔV : volume (m^3) mesuré pdt le temps Δt (s)
 en $m^3 \cdot s^{-1}$

ligne de courant: chemin suivi par 1 particule
 surface entourant la particule $\pi : \Delta S$
 tube de courant: lignes de courant s'appuyant sur ΔS

Écoulement permanent ou stationnaire

Pression, vitesse, ρ , T constants.

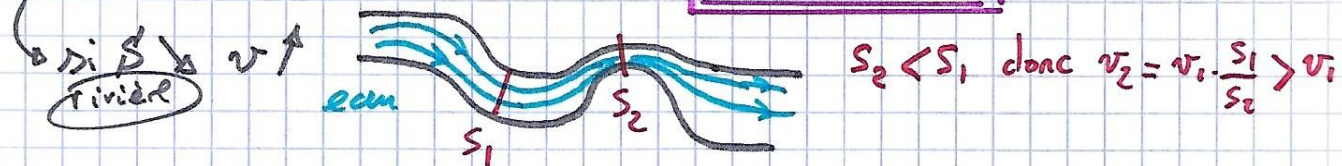
en régime stationnaire $q_v = \text{constante}$

Equation de continuité \Rightarrow

$$q_v = v \cdot S$$

v : vitesse en $m \cdot s^{-1}$
 S : surface traversée en m^2
 q_v : débit volumique en $m^3 \cdot s^{-1}$

$$v_1 \cdot S_1 = v_2 \cdot S_2$$



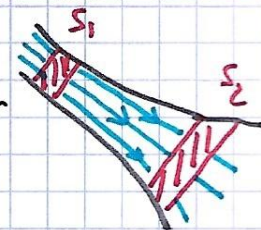
Théorème de Bernoulli

- fluide parfait (sans frottement)
- écoulement stationnaire
- le fluide s'écoule de la section S_1 vers la section S_2

ρ : masse volumique ($kg \cdot m^{-3}$)
 v_1, v_2 : vitesses ($m \cdot s^{-1}$)
 B_1, B_2 : altitudes (m)
 P_1, P_2 : pressions en Pascal (Pa)
 $g = 9,81 \text{ m} \cdot s^{-2}$

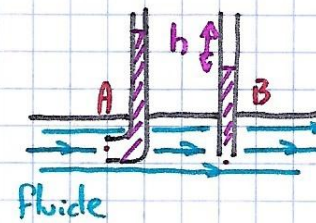
$$\rho \frac{v_1^2}{2} + \rho g B_1 + P_1 = \rho \frac{v_2^2}{2} + \rho g B_2 + P_2$$

P : pression statique
 $\rho g B$: pression de pesanteur
 $\rho \frac{v^2}{2}$: pression cinétique



à l'aide de ③ et ④ on peut étudier le comportement du fluide

Tube de Pitot (avion).



Tube courbé A: $v_A = 0 \text{ m} \cdot s^{-1}$ face au courant du fluide
 P_A

Tube droit B: $v_B = v$ vitesse du fluide
 P_B : pression du fluide

dans les tubes: fluides immobiles $\rho g B_A + P_A = \rho g B_B + P_B$

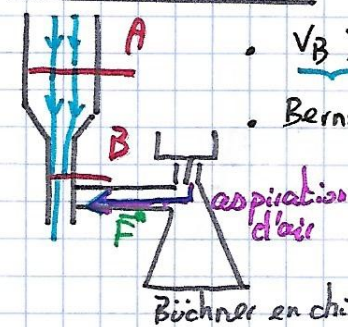
dans le fluide:
 $\rho \frac{v_B^2}{2} + P_B = P_A$

$$\rho \frac{v^2}{2} = P_A - P_B$$

$$v = \sqrt{2gh}$$

connaissant h, on calcule la vitesse du fluide et de l'avion

Phénomène Venturi.



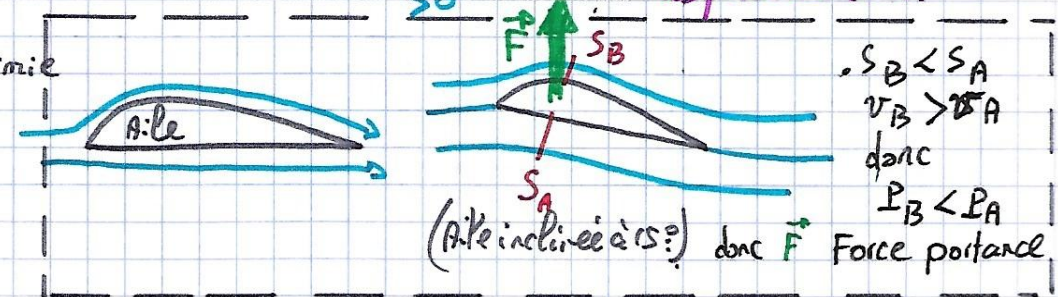
$$v_B > v_A \text{ car } v_A \cdot S_A = v_B \cdot S_B \quad v_B = v_A \cdot \frac{S_A}{S_B} \quad S_A > S_B$$

$$\text{Bernoulli: } P_A + \frac{1}{2} \rho v_A^2 = P_B + \frac{1}{2} \rho v_B^2$$

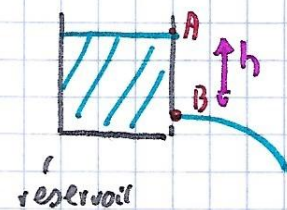
$$P_A = P_B + \frac{1}{2} \rho (v_B^2 - v_A^2) > P_B$$

dépression en B.
 aspiration d'air.

Aile d'avion: la portance



Toricelli.



$$\frac{1}{2} \rho v_A^2 + \rho g B_A + P_A = \frac{1}{2} \rho v_B^2 + \rho g B_B + P_B$$

$P_A = P_B = P_{atmosphère}$
 $v_A = 0$

$$\rho g B_A = \frac{1}{2} \rho v_B^2 + \rho g B_B$$

$$v_B = \sqrt{2gh}$$

CH15 Le premier principe de la thermodynamique

Définitions

Energie interne U : énergie stockée dans le système en dehors de E_c et E_{pp} contributions microscopiques. en Joule (J)

Transfert thermique Q : le transfert d'énergie va du corps chaud vers le corps froid exprimée par Q (J).

Flux thermique Φ : vitesse du transfert thermique exprimée en watt (W)
 Δt : temps du transfert

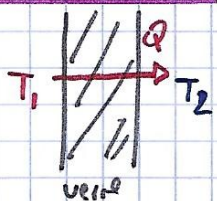
$$\Phi = \frac{Q}{\Delta t} \quad (J/s)$$

Resistance thermique R_{th} : capacité à s'opposer au transfert
 T_1, T_2 : température (K)
 R_{th} en $K \cdot W^{-1}$

$$R_{th} = \frac{T_2 - T_1}{\Phi}$$

Modes de Transferts Thermiques

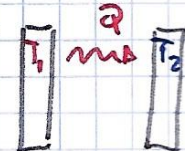
conduction: pas de déplacement de matière



convection: déplacement de matière



rayonnement: dans le vide sans déplacement de matière



1^{er} Principe

Un système soumis à des transferts sous forme thermique Q et de travail W a une variation d'énergie $\Delta E = Q + W$

$E = E_c + E_{pp} + U$
 E_c : énergie cinétique (si le système bouge à une certaine vitesse)
 E_{pp} : énergie potentielle pesanteur (si le système change d'altitude)

exemple de l'eau liquide qu'on chauffe

chauffage Δ



le bécicot ne bouge pas: $E_c = E_p = 0$ J
 pas de travail mécanique: $W = 0$ J

$\Delta E = Q + W$ devient $\Delta U = Q$

on connaît l'expression associée $\Delta U = Q = m \cdot c_{eau} \cdot (T_f - T_i)$

m : masse d'eau
 c_{eau} : capacité thermique de l'eau
 T_i : température initiale
 T_f : température finale

variable si pas de chgt d'état de l'eau.

Loi de Stéfan-Boltzmann

permet de connaître la température de la Terre connaissant le rayonnement émis par la Terre

$$M = \sigma \cdot T^4$$

M : puissance émise / unité de surface ($W \cdot m^{-2}$)
 T : température en Kelvin (K)
 $\sigma = 5,67 \cdot 10^{-8}$ WSI constante de Stéfan

pour la Terre $M = 390$ $W \cdot m^{-2}$ on calcule $T = 15^\circ C$

on calcule l'albedo $\frac{M'}{\pi} = \frac{\text{Puissance émise vers l'espace}}{\text{Puissance émise par la Terre}} = \frac{155}{390} = 0,4$ effet de serre

Loi de refroidissement de Newton

la perte de chaleur est proportionnelle à la différence de température (Air/corps)

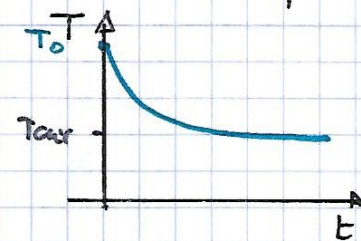
$$\frac{dT}{dt} = h \cdot (T - T_{air})$$

EDL 1

$\frac{dT}{dt}$: dérivée de T par rapport au temps

$$P_n(T - T_{air}) = -h \cdot e + P_n(T_0 - T_{air})$$

ou $T = (T_0 - T_{air}) e^{-h \cdot t} + T_{air}$



CH14 Le modèle du gaz parfait

Un gaz est dit parfait s'il vérifie les lois de Boyle Mariotte 1662 $P \cdot V = cte$ (T cte)

$$P \cdot V = n \cdot R \cdot T$$

Charles 1787 $\frac{V}{T} = cte$ (P cte)

Gay-Lussac 1802 $\frac{P}{T} = cte$ (V cte)

Avogadro Ampère 1811 $V = cte$ (n, P, T cte)

P : pression en Pascal (Pa)
 V : volume (m^3)
 n : quantité de matière (mol)
 T : température (K) $1^\circ C = 273$ K
 $R = 8,3144$ WSI constante des G.P.

Température: mesure macroscopique d'une agitation microscopique de particules si $T \uparrow$ alors l'agitation \uparrow

Pression: c'est une force par une unité de surface

$$F = P \cdot S$$

F en N (ou $m \cdot s^{-2}$)
 S en m^2



$$1 \text{ Pa} = 1 \text{ N} \cdot \text{m}^{-2}$$

$$1 \text{ bar} = 10^5 \text{ Pa}$$

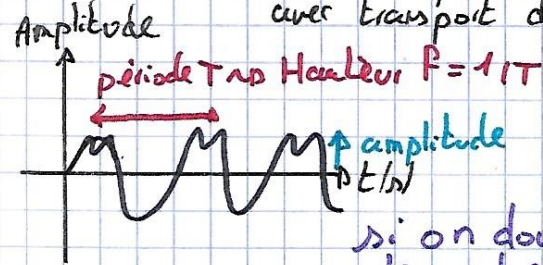
$$1 \text{ mm d'eau colonne} = 9,8 \text{ Pa}$$

$$P \text{ en } \text{N} \cdot \text{m}^{-2} \text{ ou Pa}$$

CH16 Les phénomènes ondulatoires.

Onde sonore (voir CH14 1G)

onde sonore: propagation d'une perturbation dans un milieu matériel sans transport de matière avec transport d'énergie



si on double le nombre de haut-paliers L augmente de 6 dB à chaque fois.

Intensité sonore: liée à l'amplitude

I en watt (w) $I = \frac{P}{S}$ - pression Pa - surface m^2

Niveau sonore: liée à la sensibilité d'oreille

$L = 10 \log\left(\frac{I}{I_0}\right)$ en décibels dB. $I_0 = 10^{-12} \text{ w.m}^{-2}$

Hauteur: liée à la fréquence, période f (Hz) T (s)

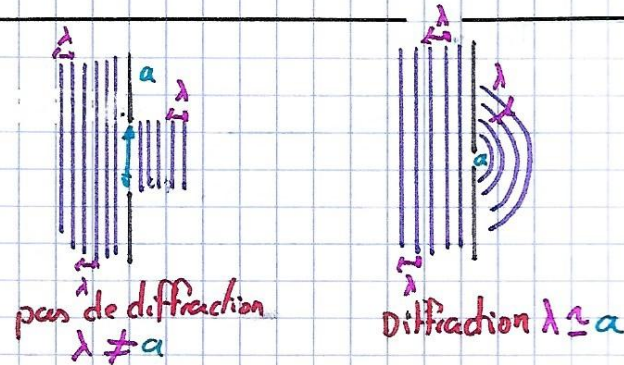
$f = 1/T$

Diffraction

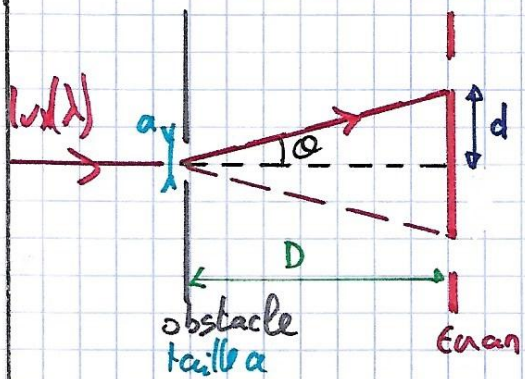
met en évidence le caractère ondulatoire: déviation de la direction de l'onde à l'approche d'un obstacle

condition: longueur d'onde λ même

ordre de grandeur que la taille de l'obstacle a



Diffraction de la lumière



sur l'écran: tâches alternativement sombres et claires

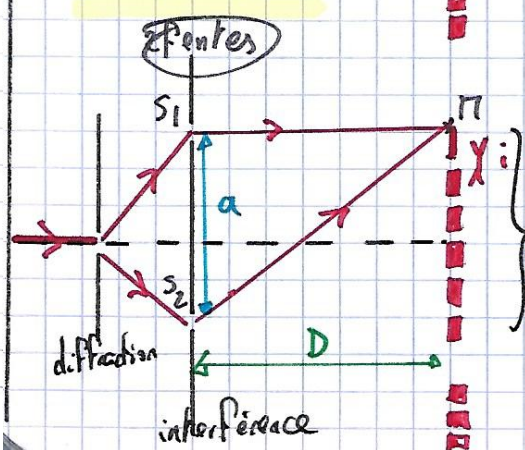
si obstacle = trou \Rightarrow écran: cercles concentriques
obstacle = fente verticale \Rightarrow écran: franges horizontales.

Calcul: θ très petit $\tan \theta \approx \theta = \frac{d}{D}$

Diffraction: $\theta = \frac{\lambda}{a}$

connaissant λ , et D on calcule $a = \frac{\lambda D}{d}$

Interférences



sur l'écran: dans la tâche centrale de diffraction: franges d'interférence alternativement sombres et claires.

$i = \lambda \cdot \frac{D}{a}$ on trouve a (distance interatomique) tout en mètre (m)
conditions: S_1 et S_2 cohérentes (P et L constants)

différence de marche $\sigma = S_2 P - S_1 P$

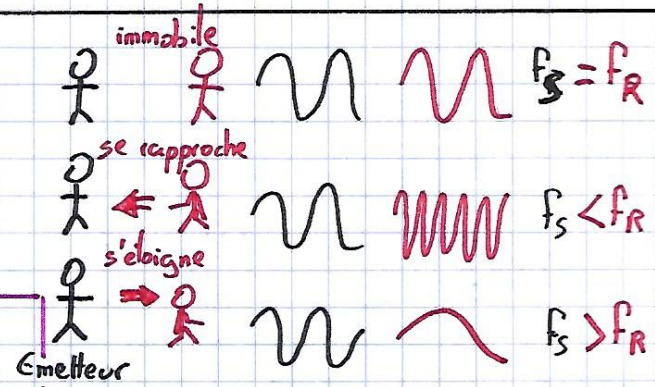
$\sigma = k\lambda$ constructif, brillant, en phase
 $\sigma = (k + \frac{1}{2})\lambda$ destructif, sombre, opposition

Effet Doppler

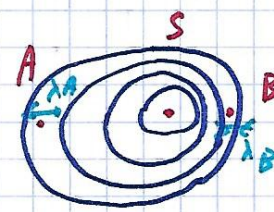
1 émetteur sonore produit un son de fréquence f_s

1 récepteur mobile reçoit le son à une fréquence f_R différente

si le récepteur s'approche $f_s < f_R$ son @ aigu
si le récepteur s'éloigne $f_s > f_R$ son @ grave



fronts d'onde: ligne rejoignant les points de même amplitude



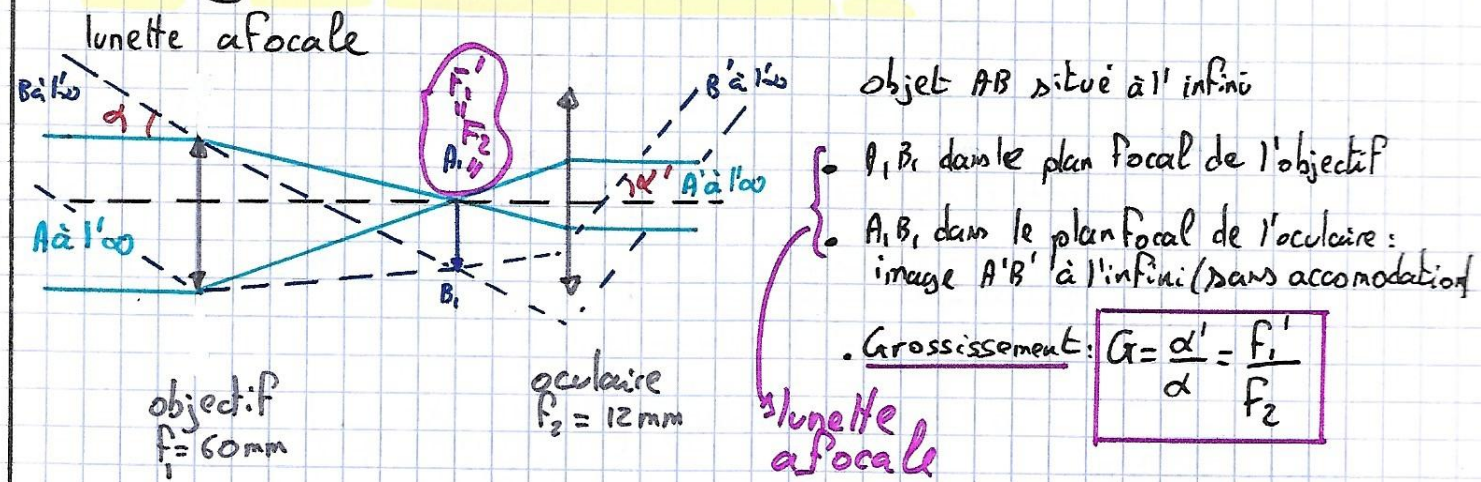
la source se déplace. (CH14 1G: $\lambda = \frac{c}{f}$)

\rightarrow ici $\lambda_B < \lambda_A$ la source S s'approche de B
donc $\frac{c}{f_B} < \frac{c}{f_A}$ donc $f_A < f_B$ son @ aigu en B .

Application: mesurer la vitesse d'un objet (étoile, véhicule) avec la formule de Doppler
étude du décalage spectral \rightarrow l'étude de la fréquence d'une onde sonore

CH17 La lumière: images et photons.

Modèle géométrique de la lunette astronomique (voir CH15 1G)



Modèle corpusculaire

Un atome peut se désexciter vers un niveau d'énergie inférieur en émettant des photons

se propageant à la vitesse de la lumière $c = 3,0 \cdot 10^8 \text{ m/s}$
 véhiculant une onde d'énergie
 ces niveaux d'énergies sont quantifiés

$$\Delta E = \frac{h \cdot c}{\lambda}$$

λ : longueur d'onde (m)

ΔE : énergie en Joule (J)
 autre unité à connaître $1 \text{ eV} = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ J}$

$h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ constante de Planck

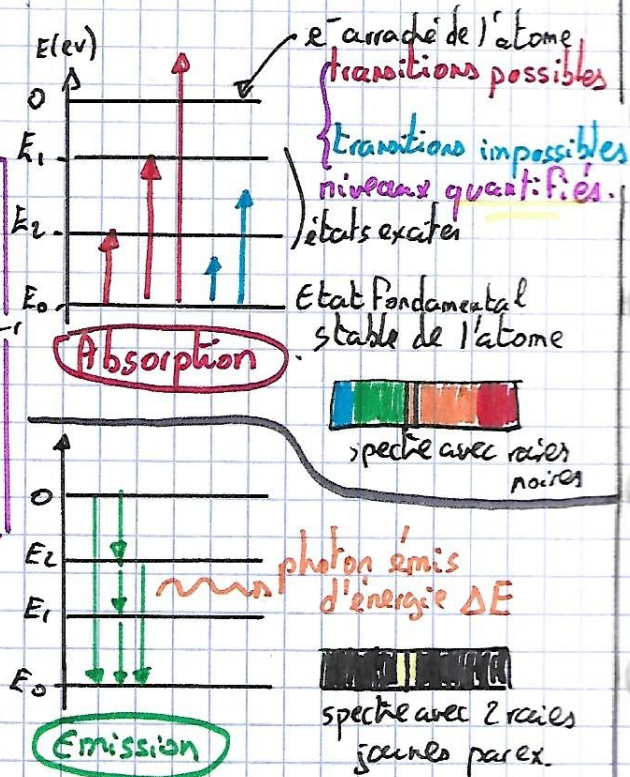
Permet d'identifier la nature des atomes présents dans un corps

Effet photoélectrique (CH16 1G)

montre que la lumière est corpusculaire
 une onde incidente éjecte les électrons d'un matériau.

- ce phénomène ne dépend pas de la quantité d'énergie de l'onde
- ce phénomène dépend uniquement de la fréquence de l'onde

Capteurs de lumière, DEL, photovoltaïques, spectroscopie I.R. UV-visible



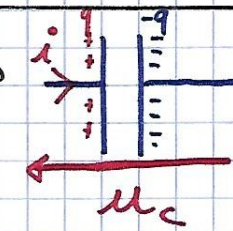
CH18 Les systèmes électriques RC

Etude du condensateur C associé à une résistance R

Le condensateur

= 2 conducteurs métalliques séparés par 1 isolant

des charges électriques (CH09 1G) s'accumulent sur les armatures.

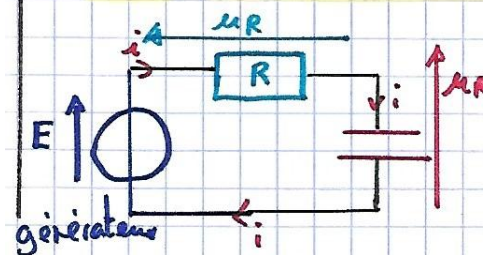


$$q = C \cdot u$$

$$i = \frac{dq}{dt}$$

i : intensité en Ampère (A)
 q : charge en Coulomb (C)
 u : tension en Volt (V)
 C : capacité du condensateur en Farad (F)
 soit $i = C \cdot \frac{du}{dt}$

Charge du condensateur



indiquer: sens de i (même sens que E)
 les tensions u_R, u_C (sens opposé à i)

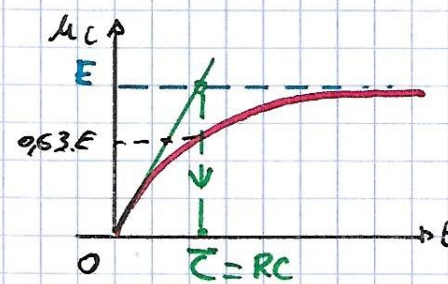
loi des tensions: $E = u_R + u_C$ loi d'Ohm (CH13 2nde)

$$E = R \cdot i + u_C$$

$$E = R \cdot C \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C$$

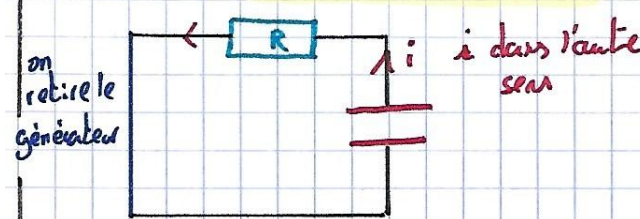
$$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{RC} = \frac{E}{RC}$$
 EDL 1

solution: $u_C = E(1 - e^{-t/RC})$



constante de temps (en seconde)

Décharge du condensateur

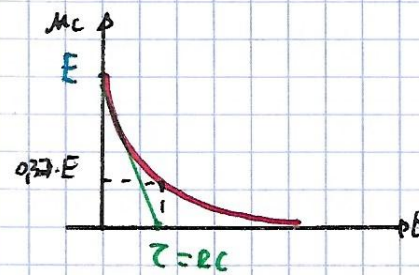


loi des tensions: $0 = u_R + u_C$

$$0 = R \cdot C \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C$$

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{RC} = 0$$

solution $u_C = E e^{-t/RC}$



- Applications:
- capteur de déplacement: distance entre armatures varie, C varie donc
 - capteur humidité: C dépend de l'humidité
 - capteur tension: caractériser bobine, résistance, condensateur.

